

فصل پنجم (قسمت اول)

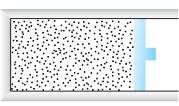
بخش اول: مفهوم فرایندهای ترمودینامیکی و مبادله کار و گرما در ترمودینامیک

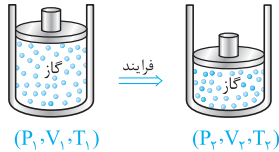
زیرشاخه‌های بخش اول A

- ۱- شناخت برخی از مفاهیم در علم ترمودینامیک
- ۲- تبادل انرژی بین دستگاه و محیط
- ۳- انرژی درونی یک گاز کامل
- ۴- قانون اول ترمودینامیک

1-A شناخت برخی از مفاهیم در علم ترمودینامیک

ابتدا در این قسمت می‌خواهیم به توضیح مواردی بپردازیم که برای درک مفاهیم این فصل به آن‌ها نیاز دارید:

- ۱ **علم ترمودینامیک:** در علم ترمودینامیک به مطالعه رابطه بین گرما و کار و تبدیل گرما به کار مکانیکی پرداخته می‌شود. در این علم، فرایندهای فیزیکی به وسیله گروهی از کمیت‌های مشاهده‌پذیر یا ماکروسکوپی که حتماً شامل دماست، توصیف می‌شود.
 - ۲ **کمیت‌های ماکروسکوپی:** کمیت‌هایی هستند که وضعیت ماده را در مقیاس بزرگ توصیف می‌کنند بدون آن‌که درگیر جزئیات رفتار تک‌تک مولکول‌های ماده شوند. به‌طور مثال کمیت‌های فشار، حجم، دما و گرمای ویژه از کمیت‌های ماکروسکوپی به حساب می‌آیند.
 - ۳ **دستگاه:** ماده مشخصی (معمولاً گاز یا مایع) که تحولات آن را در نظر گرفته و به بررسی متغیرهای ترمودینامیکی در آن می‌پردازیم.
 - ۴ **محیط:** هر آنچه پیرامون دستگاه موردنظر قرار گرفته و می‌تواند به تبادل انرژی با آن بپردازد را به‌عنوان محیط در نظر می‌گیریم.
- 
- به‌طور مثال در شکل مقابل گاز داخل محفظه را به عنوان دستگاه و هوای اطراف محفظه به‌عنوان محیط در نظر گرفته می‌شود.
- ۵ **تعادل ترمودینامیکی:** اگر در یک گاز کامل کمیت‌های P ، V و T در تمام نقاط گاز یکسان باشد، گوییم گاز در تعادل ترمودینامیکی قرار دارد.
 - ۶ **متغیرهای ترمودینامیکی:** برای توصیف حالت تعادل ترمودینامیکی یک دستگاه از کمیت‌های P ، V و T استفاده می‌شود. این کمیت‌های ماکروسکوپی که حالت تعادل دستگاه را توصیف می‌کند، متغیرهای ترمودینامیکی نامیده می‌شوند.
 - ۷ **معادله حالت:** متغیرهای ترمودینامیکی مستقل از یک‌دیگر نیستند و با هم رابطه دارند. رابطه بین متغیرهای ترمودینامیکی را معادله حالت گویند. همان‌طور که در فصل (۴) ملاحظه کردید، اگر گاز آرمانی (کامل) باشد، معادله حالت آن ساده و مستقل از نوع گاز بوده و با رابطه $PV = nRT$ توصیف می‌شود.



- ۸ **فرایند ترمودینامیکی:** هنگامی که دستگاه از یک حالت (T_1, V_1, P_1) به حالت دیگر (T_2, V_2, P_2) برود، گوییم دستگاه یک فرایند ترمودینامیکی را طی کرده است. به‌طور مثال با پایین آوردن پیستون در مخزن مقابل، یک فرایند ترمودینامیکی انجام شده است و گاز درون مخزن از یک حالت به حالت دیگر رفته است.

- ۹ **فرایند ایستوار:** اگر در طی انجام یک فرایند، دستگاه همواره نزدیک به حالت تعادل بوده و سریع به حالت تعادل برسد، گوییم فرایند ایستوار می‌باشد. به‌طور مثال در شکل فوق، اگر پیستون را به آرامی پایین بیاوریم، در هر لحظه کمیت‌های P ، V و T در تمام نقاط گاز مقادیر یکسانی را داشته و دستگاه همواره بسیار نزدیک به حالت تعادل باقی می‌ماند، در نتیجه می‌توان فرایند را ایستوار در نظر گرفت. در این فصل فرایندهای انجام‌شده را عمدتاً ایستوار در نظر می‌گیریم.

- ۱۰ **فرایند آرمانی:** اگر در طی یک فرایند ترمودینامیکی هیچ اتلاف انرژی وجود نداشته باشد و فرایندها به‌طور ایستوار انجام شود، فرایند به‌صورت آرمانی در نظر گرفته می‌شود.

- ۱۱ **منبع گرما:** منبع گرما جسمی است که جرم آن در مقابل جرم دستگاهی که با آن تبادل گرما دارد، چنان بزرگ است که می‌تواند مقدار زیادی گرما بگیرد و یا از دست بدهد، بدون آن‌که تغییر دمای محسوسی در آن اتفاق بیفتد.

2-A تبادل انرژی بین دستگاه و محیط

تبادل انرژی بین دستگاه و محیط از دو طریق گرما و کار انجام می‌شود که در ادامه به توضیح هر کدام می‌پردازیم:

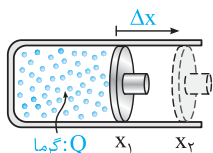
گرما

گرما انرژی‌ای است که به علت اختلاف دما بین دو جسم مبادله می‌شود. به عبارت دیگر، گرما هنگامی بین محیط و دستگاه مبادله می‌شود که این دو با هم اختلاف دما داشته باشند.

* با توجه به قرارداد موردنظر در این فصل، گرمایی که دستگاه می‌گیرد با علامت مثبت و گرمایی که دستگاه از دست می‌دهد، با علامت منفی در نظر می‌گیریم.

$$\begin{cases} Q > 0 \Rightarrow \text{دستگاه گرما می‌گیرد} \\ Q < 0 \Rightarrow \text{دستگاه گرما از دست می‌دهد} \end{cases}$$

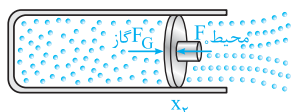
بررسی مفهوم کار در ترمودینامیک



در شکل مقابل، پیستون بدون اصطکاک ابتدا در موقعیت X_1 قرار دارد و برآیند نیروهای وارد بر آن صفر است. اگر گرمای Q به گاز درون استوانه داده شود و پیستون بدون تغییر فشار گاز درون محفظه، از موقعیت X_1 به موقعیت جدید X_2 منتقل شود، برای محاسبه مقدار کار انجام شده در این فرایند هم فشار داریم:

۱ پیستون در موقعیت X_2 ، مجدداً به تعادل رسیده است:

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow F_{\text{گاز}} = F_{\text{محیط}} \Rightarrow F_G = F_p$$



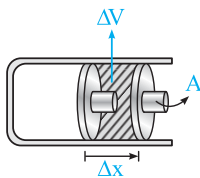
$$\left. \begin{array}{l} F_G: \text{نیروی که مولکول‌های گاز به پیستون اعمال می‌کنند.} \\ F_p: \text{نیروی که مولکول‌های محیط به پیستون اعمال می‌کنند.} \end{array} \right\} P_G = \frac{F_G}{A} \Rightarrow F_G = F_p = P_G \cdot A$$

۲ برای محاسبه کار نیروی خارجی (کار محیط روی گاز) خواهیم داشت:

$$W_F = W = \text{نیرو} \times \text{جابه‌جایی} \times \cos \alpha = (P \cdot A) \Delta x \cos 180^\circ = -P(\Delta x)$$

توجه شود در این فرایند جابه‌جایی پیستون به سمت راست و نیروی اعمال شده از طرف محیط بر پیستون به سمت چپ است، بنابراین زاویه بین نیرو و جابه‌جایی (α) برابر 180° درجه می‌باشد.

۳ میزان افزایش حجم گاز با توجه به شکل مقابل برابر $\Delta V = A \cdot \Delta x$ می‌باشد.



$$\Delta V = A \cdot \Delta x \Rightarrow \text{تغییر ارتفاع} \times \text{مساحت قاعده} = \text{تغییر حجم استوانه}$$

۴ در نهایت برای محاسبه کار محیط داریم:

$$W = -P(\underbrace{A \Delta x}_{\Delta V}) = -P \Delta V \Rightarrow W = -P \Delta V$$

W : مقدار کار انجام شده توسط محیط روی گاز

* در کتاب درسی منظور از کار، کار انجام شده توسط محیط بر روی دستگاه است.

نکات مهم:

$$W' = -W = +P \Delta V$$

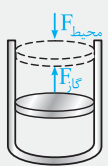
۱ کار انجام شده توسط گاز بر روی محیط (W') که گاهی از اوقات در سؤال‌ها پرسیده می‌شود، برابر است با:

۲ همان‌طور که مشاهده می‌شود، اندازه (قدرمطلق) کار محیط بر روی گاز و کار گاز بر روی محیط با یکدیگر برابر است:

$$|W| = |W'| = |P \Delta V|$$

در ادامه با دو تمرین زیر، به بررسی دو مفهوم بسیار مهم در این فصل می‌پردازیم:

تمرین ۱: در یک فرایند انبساطی، علامت کار محیط بر روی دستگاه و کار دستگاه بر روی محیط را به دست آورید.



پاسخ: در انبساط یک گاز ($\Delta V > 0$)، کار محیط بر روی دستگاه منفی و کار دستگاه (گاز) بر روی محیط مثبت است:

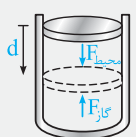
$$W = F d \cos \alpha$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{محیط: } W = F_{\text{محیط}} d \cos 180^\circ < 0 \\ \text{گاز: } W' = F_{\text{گاز}} d \cos 0^\circ > 0 \end{array} \right.$$

تحلیل ۲:

$$\Delta V > 0 \Rightarrow \text{انبساط} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{محیط: } W = -P \Delta V < 0 \\ \text{گاز: } W' = P \Delta V > 0 \end{array} \right.$$

تمرین ۲: در یک فرایند تراکمی، علامت کار محیط بر روی دستگاه و کار دستگاه بر روی محیط را به دست آورید.



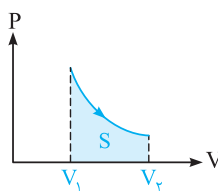
پاسخ: در تراکم یک گاز ($\Delta V < 0$)، کار محیط بر روی دستگاه مثبت و کار دستگاه بر روی محیط منفی است:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{محیط: } W = F_{\text{محیط}} d \cos 0^\circ > 0 \\ \text{گاز: } W' = F_{\text{گاز}} d \cos 180^\circ < 0 \end{array} \right.$$

تحلیل ۲:

$$\Delta V < 0 \Rightarrow \text{تراکم} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{محیط: } W = -P \Delta V > 0 \\ \text{گاز: } W' = P \Delta V < 0 \end{array} \right.$$

بررسی یک موضوع مهم



اگر در طی یک فرایند ترمودینامیکی فشار تغییر کند، دیگر نمی‌توان از رابطه $W = -P\Delta V$ برای محاسبه کار استفاده کرد. در این موارد اگر نمودار فشار برحسب حجم را داشته باشیم، مساحت زیر این نمودار برابر اندازه کار انجام شده بر روی گاز می‌باشد.

$$|W| = S$$

دقت شود که علامت کار را با توجه به نحوه تغییر حجم گاز در طی فرایند مشخص می‌کنیم. به‌طور مثال در نمودار مقابل، حجم گاز از V_1 به V_2 رسیده و در حال افزایش است (انبساط)، بنابراین کار محیط روی گاز منفی و کار گاز روی محیط مثبت است.

برای درک بهتر مفاهیم ارائه شده، به تمرین زیر توجه کنید:

تمرین ۳: در شکل روبه‌رو، اندازه کاری که گاز در مسیر AB انجام می‌دهد، چند ژول است؟

(سؤالات امتحانی)

(۱) ۲۵۰
(۲) ۲۰۰
(۳) ۱۷۰
(۴) ۱۲۰

پاسخ: با توجه به این‌که نمودار فشار برحسب حجم داده شده است، مساحت محصور بین AB و محور افقی، مقدار کار گاز یا محیط را نشان می‌دهد. از طرفی در فرایند AB حجم گاز در حال افزایش است. این موضوع یعنی فرایند AB از نوع انبساط بوده و کار گاز که در صورت سؤال مورد پرسش قرار گرفته، در آن مثبت است.

$S = |W'| = \frac{6+4}{2} \times 10^5 \times (600 - 200) \times 10^{-6} \Rightarrow S = 200 \text{ J} \Rightarrow W' = +200 \text{ J}$ (گزینه ۲)

تبدیل سانتی‌متر مکعب به مترمکعب

حجم در حال افزایش است

3-A انرژی درونی یک گاز کامل

در این قسمت می‌خواهیم شما را با مفهوم انرژی درونی در گازهای کامل و تغییرات آن آشنا کنیم. به همین منظور ابتدا به یادآوری مفهوم انرژی درونی یک ماده در حالت کلی (و نه فقط در گازهای کامل) می‌پردازیم:

انرژی درونی یک ماده: انرژی درونی یک ماده با مجموع انرژی‌های اجزای تشکیل‌دهنده آن ماده برابر است. به‌طور دقیق‌تر، به مجموع انرژی‌های پتانسیل و جنبشی ذره‌های سازنده یک ماده، انرژی درونی آن ماده اطلاق می‌شود [برای توضیح هر کدام از انرژی‌های پتانسیل و جنبشی باید گفت که هر گازی از تعداد زیادی ذرات تشکیل شده است، که این ذرات به علت نیروهای چسبندگی بین آن‌ها، دارای انرژی پتانسیل‌اند و از طرفی چون این ذرات ساکن نبوده و در حال حرکت هستند، دارای انرژی جنبشی نیز می‌باشند].

انرژی درونی گاز کامل: در گازهای کامل، از نیروی چسبندگی بین ذرات و برهم‌کنش این مولکول‌ها بر یکدیگر، صرف‌نظر شده است، یعنی گاز کامل انرژی پتانسیل ندارد و در نتیجه انرژی درونی یک گاز کامل فقط به انرژی جنبشی ذرات آن وابسته است.

$$\text{انرژی پتانسیل} + \text{انرژی جنبشی} = \text{انرژی درونی}$$

در گازهای کامل صفر است.

پارامترهای مؤثر بر انرژی درونی یک گاز کامل

در گازهای کامل، انرژی درونی به دو مورد زیر بستگی دارد:

۱ مقدار گاز (تعداد مول گاز) n

۲ دمای مطلق گاز T

$$U \propto nT$$



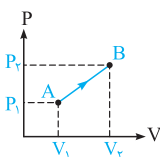
به‌طور مثال در شکل مقابل که دمای مقدار معینی گاز (مقدار معینی گاز، یعنی تعداد مول گاز ثابت است) موجود در مخزن افزایش یافته است، الزاماً انرژی درونی آن نیز افزایش خواهد یافت.

$$U \propto nT \xrightarrow{n \text{ ثابت است}} U \propto T \Rightarrow \text{با افزایش دمای گاز، انرژی درونی آن افزایش می‌یابد.}$$

تغییر دیدگاهی بسیار مهم

با توجه به معادله حالت گاز کامل $PV = nRT$ ، مشخص است که $PV \propto nT$ می‌باشد. به عبارت دیگر می‌توان گفت که انرژی درونی یک گاز کامل با حاصل ضرب فشار در حجم متناسب است.

$$U \propto PV$$



این نکته بسیار مهمی است که در حل سؤالات این فصل، اهمیت بسیاری دارد. به طور مثال در نمودار مقابل که گاز کامل از حالت A به حالت B می‌رود، در طی مسیر، با افزایش حجم و افزایش فشار گاز، حاصل ضرب آن‌ها نیز بیشتر شده و انرژی درونی گاز افزایش می‌یابد.

$$\uparrow U \propto \uparrow P \cdot \uparrow V$$

(سؤالات امتحانی)

تمرین ۴: اگر انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل افزایش یابد، کدام کمیت وابسته به آن گاز الزاماً افزایش می‌یابد؟

- (۱) حجم (۲) فشار (۳) دما (۴) چگالی

پاسخ: اگر انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل (یعنی تعداد مول ثابت است) افزایش یابد، تنها پارامتری که لزوماً افزایش می‌یابد، دمای گاز است و در مورد سایر کمیت‌ها نمی‌توان با قطعیت اظهارنظر کرد. بنابراین گزینه (۳) صحیح است.

$$U \propto n \cdot T \xrightarrow{T \uparrow} T \uparrow$$

به طور مثال تغییر حجم لزوماً باعث تغییر انرژی درونی گاز کامل نمی‌شود. ممکن است در یک فرایند، حجم ۲ برابر و فشار گاز نصف شده باشد، یعنی هم حجم تغییر کرده و هم فشار، ولی در این حالت انرژی درونی گاز ثابت می‌ماند.

$$\begin{matrix} \text{ثابت} & \text{برابر ۲} \\ \downarrow & \uparrow \\ U \propto P \cdot V \\ \text{برابر } \frac{1}{۲} \end{matrix}$$

به عبارت بهتر برای تغییر انرژی درونی یک گاز کامل، حاصل ضرب PV باید تغییر کند.

(نتیجه ۴۰۵): برای بررسی تغییر انرژی درونی یک گاز کامل، کافایت حاصل ضرب $P \cdot V$ را بررسی کنیم. افزایش مقدار این حاصل ضرب، تضمین‌کننده افزایش انرژی درونی گاز کامل است و بالعکس.

نیجوه محاسبه انرژی درونی و تغییرات آن در گازهای کامل

در ترمودینامیک، انرژی درونی یک گاز کامل و تک‌اتمی (مانند He، Ne و ...) از رابطه مقابل محاسبه می‌شود:

$$U = \frac{۳}{۲} nRT$$

با استفاده از معادله حالت گاز کامل، در رابطه فوق خواهیم داشت:

$$\begin{cases} U = \frac{۳}{۲} nRT & (۱) \\ PV = nRT & (۲) \end{cases} \Rightarrow U = \frac{۳}{۲} PV$$

برای محاسبه تغییرات انرژی درونی یک گاز کامل و تک‌اتمی از روابط زیر استفاده می‌شود:

$$\begin{cases} \Delta U = U_2 - U_1 = \frac{۳}{۲} nRT_2 - \frac{۳}{۲} nRT_1 = \frac{۳}{۲} nR\Delta T \\ \text{یا} \\ \Delta U = \frac{۳}{۲} P_2 V_2 - \frac{۳}{۲} P_1 V_1 = \frac{۳}{۲} (P_2 V_2 - P_1 V_1) \end{cases}$$

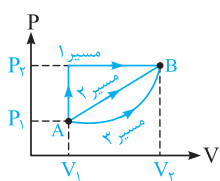
برای محاسبه تغییرات انرژی درونی یک گاز کامل و دواتمی (مانند H_2 ، O_2 ، N_2 و ...) و سه‌اتمی (مانند CO_2 ، O_3 و ...) در روابط فوق، به جای ضریب $\frac{۳}{۲}$ به ترتیب از ضرایب $\frac{۵}{۲}$ و $\frac{۷}{۲}$ استفاده می‌شود:

$$U = \frac{۵}{۲} nRT \Rightarrow \Delta U = \frac{۵}{۲} nR\Delta T = \frac{۵}{۲} (P_2 V_2 - P_1 V_1) \quad \text{برای گاز کامل دواتمی}$$

$$U = \frac{۷}{۲} nRT \Rightarrow \Delta U = \frac{۷}{۲} nR\Delta T = \frac{۷}{۲} (P_2 V_2 - P_1 V_1) \quad \text{برای گاز کامل سه‌اتمی}$$

نکته: برای بررسی تغییرات انرژی درونی یک گاز کامل تک‌اتمی، اگر اطلاعاتی در مورد تغییرات دما و مقدار ماده داشته باشیم، بهتر است از رابطه $\Delta U = \frac{۳}{۲} nR\Delta T$ و اگر اطلاعاتی در مورد تغییرات حجم و فشار گاز داشته باشیم، بهتر است از رابطه $\Delta U = \frac{۳}{۲} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$ استفاده کنیم.

بررسی یک نکته مهم



تغییرات انرژی درونی یک گاز کامل در یک فرایند، تابع مسیر نمی‌باشد و تابع حالت ابتدایی و نهایی گاز است. مثلاً در شکل مقابل در هر سه مسیر نشان داده شده، تغییرات انرژی درونی مقدار مشخصی از یک گاز کامل تک‌اتمی برابر است، زیرا در هر سه مسیر گاز از شرایط V_1 و P_1 به شرایط جدید V_2 و P_2 رسیده است، یعنی مختصات ابتدا و انتهای تمام مسیرها یکسان است.

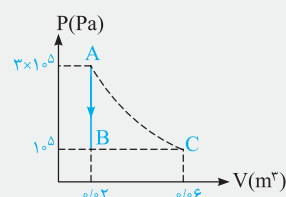
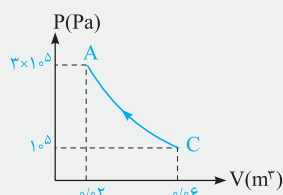
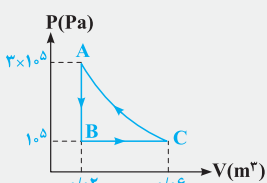
$$\Delta U_1 = \Delta U_2 = \Delta U_3 = \frac{3}{2}(P_2V_2 - P_1V_1)$$

این موضوع در سال‌های اخیر، شدیداً مورد علاقه طراحان سؤال قرار گرفته است.

برای درک بهتر مفاهیم ارائه شده، به تمرین‌های زیر توجه کنید:

تمرین ۵: هرگاه یک گاز کامل تک‌اتمی فرایندهایی را مطابق شکل مقابل بپیماید، تغییر انرژی درونی آن در مسیرهای $A \rightarrow B$ و $C \rightarrow A$ به ترتیب چند ژول است؟ (سراسری ریاضی ۸۷ و ۷۹)

- (۱) صفر، -۱۲۰۰۰ (۲) صفر، -۶۰۰۰ (۳) ۴۰۰۰ ، -۶۰۰۰ (۴) ۶۰۰۰ ، ۶۰۰۰



پاسخ: با توجه به این‌که نمودار $P - V$ داده شده است، برای محاسبه تغییر انرژی درونی گاز کامل و تک‌اتمی از رابطه $\Delta U = \frac{3}{2}(P_2V_2 - P_1V_1)$ استفاده می‌کنیم. این سؤال را در دو مرحله بررسی می‌کنیم:

مسیر $C \rightarrow A$: با توجه به داشتن فشار و حجم گاز کامل در ابتدا و انتهای فرایند CA و تک‌اتمی بودن گاز، تغییر انرژی درونی در طی این فرایند عبارت است از:

$$P_A = 3 \times 10^5 \text{ Pa}, V_A = 0.02 \text{ m}^3, P_C = 1.5 \times 10^5 \text{ Pa}, V_C = 0.06 \text{ m}^3$$

$$\Delta U_{CA} = \frac{3}{2}(P_A V_A - P_C V_C) \Rightarrow \Delta U_{CA} = \frac{3}{2}(3 \times 10^5 \times 0.02 - 1.5 \times 10^5 \times 0.06) = 0$$

محاسبه فوق یعنی انرژی درونی در نقاط A و C با یکدیگر یکسان است و ΔU_{CA} صفر است.

مسیر $A \rightarrow B$: مشابه با روند قسمت قبل، داریم:

$$P_A = 3 \times 10^5 \text{ Pa}, V_A = 0.02 \text{ m}^3, P_B = 1.5 \times 10^5 \text{ Pa}, V_B = 0.02 \text{ m}^3$$

$$\Delta U_{AB} = \frac{3}{2}(P_B V_B - P_A V_A) \Rightarrow \Delta U_{AB} = \frac{3}{2}(1.5 \times 10^5 \times 0.02 - 3 \times 10^5 \times 0.02) = -۶۰۰۰ \text{ J}$$

بنابراین گزینه (۲) صحیح است.

تمرین ۴: در دمای ثابت، حجم گاز کامل موجود در یک مخزن را ۲ برابر کرده و نیمی از گاز موجود در مخزن از آن خارج می‌شود. در این عمل انرژی درونی گاز درون مخزن چند برابر می‌شود؟ (آزمون‌های سراسری گاج)

- (۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) ۱ (۴) ۲

پاسخ: از آن جایی که در این تمرین، اطلاعاتی در مورد تغییرات دما و تغییرات مقدار گاز (تعداد مول گاز) داریم، بهتر است از تناسب $U \propto nT$ تغییرات انرژی درونی را بررسی کنیم. انرژی درونی گاز کامل، متناسب با حاصل ضرب nT بوده و با توجه به ثابت بودن دما و خارج شدن نیمی از گاز درون مخزن، انرژی درونی آن کاهش می‌یابد.

ثابت $\downarrow \downarrow$
 $U \propto n(T) \Rightarrow$ انرژی درونی گاز کاهش می‌یابد.

$$\Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{T_2}{T_1} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{2} \quad (\text{گزینه ۲})$$

(نکته دیگر): اگر بخواهیم از تناسب $U \propto PV$ استفاده کنیم، ابتدا باید نحوه تغییرات فشار را به دست آوریم. با توجه به اطلاعات داده شده، برای مقایسه فشار گاز در دو حالت می‌توان نوشت:

$$PV = nRT \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} \times \frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} \times \frac{2V_1}{V_1} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{1} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{4} \times 2 = \frac{1}{2}$$

بررسی نحوه تغییرات دمای مقدار معینی از یک گاز کامل

به منظور بررسی چگونگی تغییرات دمای مقدار معینی از یک گاز کامل، به کمک معادله حالت می‌توان از تحلیل پارامترهای P و V استفاده کرد.

$$PV = \overset{\text{ثابت}}{nR} T \Rightarrow PV \propto T$$

بنابراین دمای مطلق مقدار معینی از یک گاز کامل، متناسب است با حاصل ضرب کمیت‌های فشار و حجم. یعنی در فرایندهای ترمودینامیکی، با افزایش حاصل ضرب PV برای مقدار معینی گاز کامل، دمای مطلق گاز نیز افزایش می‌یابد و بالعکس.

حال برای فهم بهتر به دو مثال زیر توجه کنید:

مثال ۱: اگر فشار و حجم مقدار معینی از یک گاز کامل (تعداد مول ثابت) هر دو افزایش یابد، دمای مطلق گاز نیز الزاماً افزایش می‌یابد، زیرا:

$$\overset{\text{زیاد}}{P} \cdot \overset{\text{زیاد}}{V} = \overset{\text{ثابت}}{nR} \cdot \overset{\text{زیاد}}{T}$$

مثال ۲: تغییرات فشار و حجم گاز، لزوماً نمی‌تواند باعث تغییر دمای گاز شود، به‌طور مثال اگر فشار گاز کاملی را ۲ برابر و حجم آن را نصف کنیم، حاصل ضرب PV

ثابت مانده و در نتیجه دمای گاز نیز ثابت می‌ماند.

نکته: برای مقدار معینی از یک گاز کامل، نحوه تغییرات دمای مطلق گاز و انرژی درونی آن یکسان است، یعنی با افزایش دمای مقدار معینی از یک گاز کامل انرژی درونی آن افزایش می‌یابد و بالعکس.

حال برای یادگیری بهتر این مطلب، به تمرین زیر توجه کنید:

تمرین ۷: فرایند آرمانی بر روی مقدار معینی از یک گاز کامل از A تا B به شکل روبه‌رو است. اگر انرژی درونی گاز را در نقاط A ، B و C به ترتیب با U_A ، U_B و U_C و دمای گاز در این نقاط را به ترتیب با T_A ، T_B و T_C نشان دهیم، کدام رابطه صحیح است؟

(سراسری ریاضی ۷۹، با تغییر)

$P(\text{atm})$ vs $V(\text{lit})$

$P(\text{atm})$ vs $V(\text{lit})$

$T_A > T_C > T_B$ (۲)
 $U_A = U_B > U_C$ (۴)

$T_A = T_B < T_C$ (۱)
 $U_A < U_C < U_B$ (۳)

پاسخ: با توجه به مفاهیم مطرح‌شده در این درسنامه، برای مقایسه دمای گاز کامل در نقاط A ، B و C ، کافیست حاصل ضرب PV را در این نقاط مقایسه کنیم:

$$\begin{cases} P_A V_A = 4 \times 2 = 8 \\ P_B V_B = 2 \times 4 = 8 \\ P_C V_C = 3 \times 3 = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} P_A V_A = P_B V_B \Rightarrow T_A = T_B \\ P_C V_C > P_A V_A \Rightarrow T_C > T_A \end{cases} \Rightarrow T_A = T_B < T_C$$

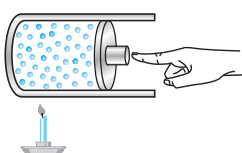
برای مقدار معینی گاز کامل $U \propto T$ بوده و در نتیجه $U_A = U_B < U_C$ می‌باشد، بنابراین گزینه (۱) صحیح است.

تذکره ۱: با توجه به یکسان بودن حاصل ضرب PV در نقاط A و B ، انرژی درونی و دمای گاز در این نقاط یکسان است.

تذکره ۲: در این نمودار خاص که از نمودارهای معروف در کنکور محسوب می‌شود، حداکثر دما در وسط پاره‌خط رخ می‌دهد (دقت شود که $P_A V_A$ باید با $P_B V_B$ برابر باشد).

تذکره ۳: همان‌طور که مشاهده می‌کنید، برای مقدار معینی از یک گاز کامل، مقایسه انرژی درونی مشابه با مقایسه دما می‌باشد.

4-A قانون اول ترمودینامیک



همان‌طور که در قسمت (2-A) بیان شد، تبادل انرژی بین محیط و دستگاه از دو طریق گرما و کار صورت می‌گیرد.

به‌طور مثال در مخزن مقابل با تغییر پیستون، بر روی گاز درون مخزن کار انجام شده و به وسیله شعله، به گاز گرما داده‌ایم، از این‌رو انرژی درونی گاز داخل مخزن می‌تواند تغییر کند.

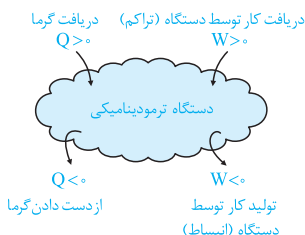
این ارتباط، موضوع **قانون اول ترمودینامیک** است. مطابق این قانون، داریم:

تغییرات انرژی درونی یک دستگاه، برابر جمع جبری کار انجام شده روی دستگاه و گرمای دریافت شده توسط آن است.

$$\Delta U = W + Q$$

* قانون اول ترمودینامیک، همان قانون پایستگی انرژی است که در مورد فرایندهای ترمودینامیکی به‌کار می‌رود.

نکته: موضوع بسیار مهمی که باید به آن توجه داشت، علامت‌های Q ، W و ΔU می‌باشد که در ادامه به توضیح آن‌ها می‌پردازیم:



Q اگر دستگاه گرما دریافت کند: $Q > 0$
اگر دستگاه گرما از دست دهد: $Q < 0$

W اگر دستگاه متراکم شود (محیط بر روی دستگاه کار انجام می‌دهد): $W > 0$
اگر دستگاه منبسط شود (دستگاه بر روی محیط کار انجام می‌دهد): $W < 0$

ΔU اگر انرژی درونی دستگاه افزایش یابد: $\Delta U > 0$
اگر انرژی درونی دستگاه کاهش یابد: $\Delta U < 0$

تحلیل دقیق‌تر مفهوم علامت کار: در رابطه $\Delta U = Q + W$ ، منظور از ΔU تغییر انرژی درونی دستگاه مورد مطالعه و منظور از Q گرمایی است که دستگاه دریافت کرده یا از دست می‌دهد. اما منظور از W ، کار انجام‌شده توسط محیط روی دستگاه [منظور کار خارجی] می‌باشد. به شکل‌های زیر توجه کنید:

$W < 0$ تولید کار محیط	$W > 0$ دریافت کار محیط
* دستگاه در حال انبساط می‌باشد و خواهیم داشت: $W = F \cdot d \cdot \cos 180^\circ < 0 \Rightarrow W_{\text{محیط}} < 0$ * در این حالت اصطلاحاً گفته می‌شود دستگاه به محیط کار داده و یا دستگاه کار انجام داده است.	* دستگاه در حال متراکم شدن است. $W = F \cdot d \cdot \cos 0^\circ > 0 \Rightarrow W_{\text{محیط}} > 0$ * در این حالت اصطلاحاً گفته می‌شود، دستگاه کار دریافت کرده و یا محیط روی دستگاه کار انجام داده است.

تمرین: در قسمت‌های (2-A) و (3-A) به ترتیب نحوه محاسبه کار و انرژی درونی را آموختیم. حال به کمک قانون اول ترمودینامیک به راحتی می‌توانیم گرمای مبادله شده بین دستگاه و محیط را به دست آوریم. در سوالات (۱۳) تا (۱۸)، تست‌های بسیار خوبی از این مبحث مطرح کرده‌ایم. برای تسلط بیشتر، به تمرین زیر توجه کنید:

تمرین ۸: فرایند آرمانی گاز کاملی به شکل روبه‌رو است. اگر کار و گرمای دریافت‌شده به وسیله گاز Q و W باشد، کدام رابطه نادرست است؟

(M.K.A)

(۱) $W + Q < 0$
(۲) $W > 0$
(۳) $Q < 0$
(۴) $|W| > |Q|$

پاسخ: برای پاسخ دادن به این تمرین، گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

گام اول: با توجه به این‌که گزینه (۱) مجموع کار و گرمای دریافت‌شده توسط گاز کامل را در طی فرایند AB پرسیده است، با مروری بر مفهوم قانون اول ترمودینامیک، باید از نحوه تغییر انرژی درونی گاز کامل در طی فرایند AB مطلع شویم.

همان‌طور که می‌دانیم با توجه به نحوه تغییرات حاصلضرب PV می‌توانیم در مورد نحوه تغییرات انرژی درونی دستگاه اظهار نظر کنیم.

$$\begin{cases} P_A V_A = P_1 \times 3V_1 \\ P_B V_B = 2P_1 \times V_1 \end{cases} \Rightarrow P_B V_B < P_A V_A \Rightarrow U_B < U_A \Rightarrow \Delta U = U_B - U_A < 0$$

گام دوم: با توجه به این‌که فرایند به صورت تراکمی می‌باشد (حجم گاز کاهش یافته است)، بنابراین کار انجام‌شده توسط محیط بر روی گاز مثبت می‌باشد.

$W > 0 \rightarrow$ فرایند تراکمی

گام سوم: با توجه به قانون اول ترمودینامیک، مجموع کار و گرمای دریافتی توسط گاز منفی است، چون انرژی درونی کاهش یافته است.

$\Delta U = Q + W \xrightarrow{\Delta U < 0} Q + W < 0$

از طرفی با توجه به مثبت بودن W ، علامت Q باید منفی باشد تا علامت ΔU منفی شود.

$\Delta U = Q + W \Rightarrow (Q < 0)$ باید منفی باشد.

گام چهارم: برای این‌که علامت ΔU منفی شود، باید اندازه Q بزرگ‌تر از اندازه W باشد.

بنابراین گزینه (۴) نادرست است.

انرژی درونی و قانون اول ترمودینامیک

پس از بررسی تست‌های این شاخه، برای تسلط بیشتر، در اولویت اول حل تست‌های ۷۶، ۷۷ و ۷۸ از قسمت یک قدم تا ۱۰۰ را به شما عزیزان پیشنهاد می‌کنیم.

بررسی مفاهیم اولیه فرایندهای ترمودینامیکی ایستوار و کار انجام شده توسط گاز و محیط

(آزمون‌های سراسری گاج)

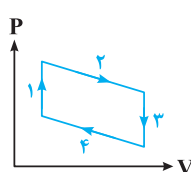
☆ ۱- کدام گزینه در رابطه با علم ترمودینامیک صحیح می‌باشد؟

- (۱) ترمودینامیک تنها در مورد چگونگی تبادل کار، توسط یک سیستم با محیط اطراف خود بحث می‌نماید.
- (۲) ترمودینامیک تنها در مورد چگونگی تبادل گرما، توسط یک سیستم با محیط اطراف خود بحث می‌کند.
- (۳) ترمودینامیک چگونگی تبادل گرما و کار در یک سیستم از دیدگاه میکروسکوپی با محیط اطراف را بررسی می‌کند.
- (۴) ترمودینامیک چگونگی تبادل گرما و کار در یک سیستم از دیدگاه میکروسکوپی با محیط اطراف را بررسی می‌کند.

(کتاب درسی)

۲- کدام یک از عبارات‌های زیر نادرست می‌باشد؟

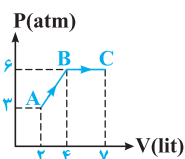
- (۱) گرما انرژی‌ای است که به علت اختلاف دما بین دو جسم مبادله می‌شود.
 - (۲) برای یک استکان چای داغ، هوای اتاق را نمی‌توان منبع گرما در نظر گرفت.
 - (۳) کمیت‌های فشار، حجم، دما و گرمای ویژه از کمیت‌های میکروسکوپی محسوب می‌شوند.
 - (۴) در یک فرایند ایستوار، متغیرهای ترمودینامیکی همواره نزدیک به حالت تعادل بوده و سریع به تعادل می‌رسند.
- 📌 تو دو تا سؤال ببری، می‌فوایم شما رو با کار انجام شده بین گاز (درستگاه) و محیط، علامت آن و پلوتگی مناسبه مقدار آن آشنا کنیم. دقت کنید که این قسمت از مفاهیم قبلی موه این فصل هستش و باید اون رو قبلی فوب یاد بگیرید.



☆ ۳- مطابق نمودار روبه‌رو، گاز کاملاً در طی چند فرایند آرمانی در مسیرهای ۱، ۲، ۳ و ۴ تغییر حالت می‌دهد.

کدام یک از عبارات‌های زیر در رابطه با کار انجام شده در هر یک از این چهار فرایند نادرست است؟ (تألیفی)

- (۱) علامت کار انجام شده توسط گاز بر روی محیط در فرایند (۲) مثبت است.
- (۲) علامت کار انجام شده توسط محیط بر روی گاز در فرایند (۴) مثبت و در فرایند (۲) منفی است.
- (۳) مقدار کار انجام شده توسط گاز بر روی محیط در فرایند (۱) برابر فرایند (۳) است.
- (۴) علامت کار انجام شده توسط گاز بر روی محیط در فرایند (۱) مثبت و علامت کار انجام شده توسط محیط بر روی گاز در فرایند (۳) منفی است.



۴- مطابق نمودار مقابل، ۴ مول گاز کامل دو اتمی، فرایندهایی را طی می‌کند. کار انجام شده توسط محیط بر

روی گاز در فرایندهای AB، BC و در مجموع دو فرایند به ترتیب چند ژول است؟ (تألیفی)

- (۱) ۲۷۰۰، ۱۸۰۰، ۹۰۰
- (۲) ۲۷۰۰، -۱۸۰۰، -۱۲۰۰
- (۳) -۲۱۰۰، -۹۰۰، -۱۲۰۰
- (۴) -۲۷۰۰، -۱۸۰۰، -۹۰۰

مفاهیم اولیه انرژی درونی گاز کامل و تغییرات آن

📌 تو این زیرشافه مفهوم انرژی درونی و عواملی که روی اون تأثیر می‌ذارن رو به شما یاد میدیم. این قسمت رو با دقت بشوید. پشیمون نمیشیر ...

(آزمون‌های سراسری گاج)

۵- اگر دمای مقدار معینی گاز کامل از ۹۱°C به ۲۷۳°C برسد، انرژی درونی آن چند برابر می‌شود؟

- (۱) $\frac{9}{4}$
- (۲) $\frac{3}{2}$
- (۳) ۳
- (۴) ۶

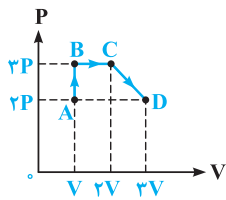
☆ ۶- در شکل مقابل با باز کردن شیر مخزن، فشار و دمای مطلق اکسیژن موجود در زیر پیستون هر کدام

نصف شده است. انرژی درونی گاز داخل مخزن چند برابر شده است؟ (سراسری ریاضی ۸۱، با اندکی تغییر)



- (۱) $\frac{1}{2}$
- (۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- (۳) $\frac{1}{4}$
- (۴) ۲

سؤال بصری به مقایسه دما و انرژی درونی یک گاز کامل در نقاط مختلف بر روی نمودار $P-V$ پرداخته. هواستون باشد که این مفهوم تو این فصل قبلی معمه.



۷- بر روی یک گاز کامل فرایندهایی مطابق شکل انجام شده است. اگر دمای گاز در نقاط مشخص شده بر روی نمودار، به ترتیب T_A, T_B, T_C و انرژی درونی گاز در این نقاط به ترتیب برابر U_A, U_B, U_C و U_D باشد، کدام رابطه بین آن‌ها درست است؟

(تألیفی)

$$\begin{aligned} T_A < T_B < T_C = T_D \quad (2) \\ T_A > T_B > T_C = T_D \quad (1) \\ U_A < U_B = U_C < U_D \quad (3) \\ U_A = U_B < U_C < U_D \quad (4) \end{aligned}$$

تو ۵ تا سؤال بصری نمونه بررسی تغییرات انرژی درونی رو بررسی می‌کنیم که تو قسمت‌های دیگر تو این فصل قبلی به کار میار. فوب یاد بگیریش.

۸- در دمای ثابت، فشار مقدار معینی از یک گاز کامل تک‌اتمی را از P به $3P$ می‌رسانیم. انرژی درونی این گاز چند برابر می‌شود؟ (تألیفی)

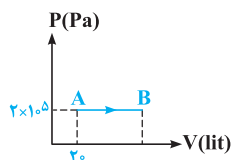
$$\begin{aligned} 1 \quad (1) \quad \frac{1}{3} \quad (2) \quad 1 \quad (3) \quad 3 \quad (4) \quad 9 \end{aligned}$$

۹- در طی دو فرایند متوالی بر روی مقدار معینی از یک گاز کامل تک‌اتمی، ابتدا دمای مطلق آن را از T به $2T$ و سپس از $2T$ به $3T$ می‌رسانیم. تغییرات انرژی درونی گاز در فرایند دوم چند برابر فرایند اول است؟ (تألیفی)

$$\begin{aligned} 1 \quad (1) \quad \frac{5}{3} \quad (2) \quad 3 \quad (3) \quad 6 \quad (4) \quad 9 \end{aligned}$$

۱۰- در طی دو فرایند متوالی بر روی یک گاز کامل دواتمی، ابتدا حجم و فشار گاز را از (P, V) به $(2P, 2V)$ و سپس از $(2P, 2V)$ به $(3P, 3V)$ می‌رسانیم. تغییرات انرژی درونی گاز در فرایند دوم چند برابر فرایند اول است؟ (تألیفی)

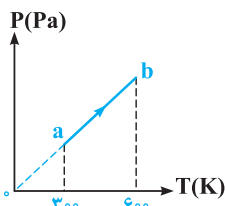
$$\begin{aligned} 1 \quad (1) \quad \frac{5}{3} \quad (2) \quad 3 \quad (3) \quad 6 \quad (4) \quad 9 \end{aligned}$$



۱۱- یک گاز کامل تک‌اتمی، فرایند AB را مطابق شکل طی می‌کند. اگر انرژی درونی گاز در طی این فرایند 9 kJ تغییر کند، حجم گاز در حالت B چند لیتر است؟ (سراسری ریاضی ۹۱ و ۸۱)

(سراسری ریاضی ۹۱ و ۸۱)

$$\begin{aligned} 30 \quad (1) \quad 50 \quad (2) \quad 38 \quad (4) \quad 45 \quad (3) \end{aligned}$$



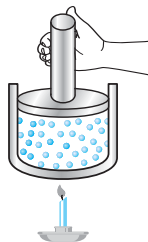
۱۲- نمودار $P-T$ برای نیم‌مول گاز کامل تک‌اتمی مطابق شکل است. در این فرایند انرژی درونی گاز چند ژول افزایش می‌یابد؟ $(R = 8 \text{ J/mol.K})$ (سراسری ریاضی ۸۴ فارغ از کشور، با اندکی تغییر)

(سراسری ریاضی ۸۴ فارغ از کشور، با اندکی تغییر)

$$\begin{aligned} 600 \quad (1) \quad 1200 \quad (2) \quad 3000 \quad (4) \quad 1800 \quad (3) \end{aligned}$$

بررسی مفاهیم قانون اول ترمودینامیک

تو این زیرشافه شما رو با قانون اول ترمودینامیک آشنا می‌کنیم که از مفاهیم پایه‌ای برای ارامه این فصل مصوب می‌شه.



۱۳- در فرایند ترمودینامیکی شکل مقابل بر روی مقدار معینی از یک گاز کامل، مجموع کاری که با پایین آوردن پیستون بر روی گاز انجام می‌شود با گرمایی که به آن داده می‌شود، برابر با کدام کمیت وابسته به آن است؟ (آزمون‌های سراسری گاه)

(آزمون‌های سراسری گاه)

$$\begin{aligned} (1) \text{ انرژی درونی} \quad (2) \text{ انرژی مکانیکی} \quad (3) \text{ تغییر انرژی درونی} \quad (4) \text{ تغییر انرژی مکانیکی} \end{aligned}$$



۱۴- با گرم کردن گاز کامل درون محفظه مقابل، گاز 400 ژول گرما گرفته و 250 ژول کار روی محیط انجام داده است. با بدون اصطکاک در نظر گرفتن حرکت پیستون محفظه، انرژی درونی گاز چند ژول و چگونه تغییر می‌کند؟ (سؤالات امتحانی)

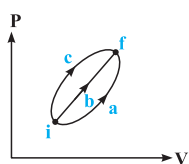
(سؤالات امتحانی)

$$\begin{aligned} (1) \text{ } 650, \text{ افزایش} \quad (2) \text{ } 150, \text{ افزایش} \quad (3) \text{ } 150, \text{ کاهش} \quad (4) \text{ } 650, \text{ کاهش} \end{aligned}$$

۱۵- اگر $\frac{4}{3}$ مول از یک گاز کامل تک‌اتمی 1400 ژول گرما از محیط بگیرد و 1000 ژول کار روی محیط انجام دهد، دمای آن چگونه تغییر می‌کند؟ $(R = 8 \text{ J/mol.K})$ (آزمون‌های سراسری گاه)

(آزمون‌های سراسری گاه)

$$\begin{aligned} (1) \text{ } 12/5^\circ\text{C}, \text{ افزایش} \quad (2) \text{ } 12/5^\circ\text{C}, \text{ کاهش} \quad (3) \text{ } 25^\circ\text{C}, \text{ افزایش} \quad (4) \text{ } 25^\circ\text{C}, \text{ کاهش} \end{aligned}$$



☆ ۱۶- نمودار ($P - V$) برای گاز کاملی که از سه مسیر a ، b و c از حالت i به حالت f می‌رود، مطابق شکل است. اگر

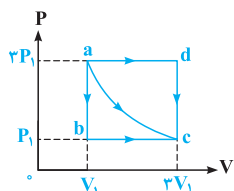
تغییر انرژی درونی گاز ΔU و گرمایی که گاز می‌گیرد Q باشد، کدام رابطه درست است؟ (سراسری ریاضی ۹۲، کتاب درسی)

$$Q_a > Q_b > Q_c > 0 \quad (2) \quad Q_c > Q_b > Q_a > 0 \quad (1)$$

$$\Delta U_a = \Delta U_b = \Delta U_c = 0 \quad (4) \quad \Delta U_a = \Delta U_b = \Delta U_c < 0 \quad (3)$$

☆ ۱۷- مطابق شکل روبه‌رو، مقداری گاز کامل تک‌اتمی طی سه فرایند abc ، ac و adc از حالت a به حالت c

می‌رود. در این خصوص، کدام بیان نادرست است؟ (سراسری ریاضی ۸۹ و مشابه ۹۱ فارغ از کشور)



(۱) تغییر انرژی درونی گاز در هر سه فرایند یکسان است.

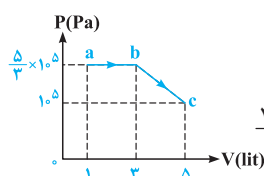
(۲) تغییر انرژی درونی گاز در هر سه فرایند برابر صفر است.

(۳) در هر سه فرایند گاز گرمای یکسانی دریافت کرده است.

(۴) کار انجام‌شده بر روی گاز در فرایند adc ، برابر کار انجام‌شده بر روی گاز در فرایند abc است.

☆ ۱۸- نمودار ($P - V$) برای یک گاز کامل تک‌اتمی مطابق شکل مقابل است. گرمایی که گاز در فرایند abc با

محیط مبادله می‌کند، چند ژول است؟ ($R = 8 \text{ J / mol.K}$) (سراسری ریاضی ۹۲ و مشابه ۸۱ فارغ از کشور)



$$\frac{2300}{3} \quad (4) \quad \frac{1700}{3} \quad (3) \quad 3300 \quad (2) \quad 1100 \quad (1)$$

شناخت برخی از انواع فرایندهای ترمودینامیکه

پس از بررسی تست‌های این شاخه، برای تسلط بیشتر، در اولویت اول حل تست‌های ۷۹، ۸۱، ۸۴، ۸۶، ۸۹، ۹۲ و ۹۴ از قسمت یک قدم ... تا ۱۰۰ را به شما عزیزان پیشنهاد می‌کنیم.

تو این شافه پورتا فرایند خاص هم میفهم، هم فشار، هم دما و بی‌درو رو بررسی می‌کنیم تا اونا رو خوب یاد بگیرید. آفرش هم به مقایسه‌ای بین اونا انجام میدیم ...

مفاهیم، روابط و نمودارهای فرایند هم حجم

۱۹- در یک فرایند هم‌حجم انرژی درونی مقدار معینی از یک گاز کامل 300 ژول کاهش یافته است. کدام یک از موارد زیر در رابطه با این

(برگرفته از سؤالات امتحانی)

فرایند نادرست است؟

(۱) کار انجام‌شده توسط محیط بر روی گاز صفر است.

(۲) گاز 300 ژول گرما از دست داده است.

(۳) دمای گاز کاهش یافته است.

(۴) فشار گاز افزایش یافته است.

☆ ۲۰- اگر R ثابت گازها برحسب ژول بر مول واحد کلوین باشد، مقدار گرمایی که در حجم ثابت باید به یک مول گاز کامل تک‌اتمی بدهیم، تا

(سراسری ریاضی ۸۳)

دمای آن را یک کلوین بالا ببرد، برابر با کدام است؟

$$\frac{1}{2} R \quad (1) \quad \frac{3}{2} R \quad (2) \quad \frac{5}{2} R \quad (3) \quad \frac{7}{2} R \quad (4)$$

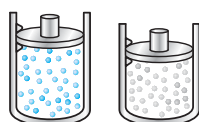
۲۱- در یک مخزن با حجم ثابت 8 لیتر، مقداری گاز کامل تک‌اتمی در فشار 2 atm داریم. اگر 2400 ژول گرما به گاز داده شود، فشار آن به

(آزمون‌های سراسری گاه)

چند اتمسفر می‌رسد؟ ($R \approx 8 \text{ J / mol.K}$)

$$4 \quad (1) \quad 2 \quad (2) \quad 3 \quad (3) \quad 2.5 \quad (4)$$

دو تا سؤال بصری، سؤالی نسبتاً مفهومی هستن. این سؤال درک شما رو از این زیرشافه بالاتر می‌برن.



۲۲- در شکل مقابل، به دو مقدار مجزای گاز کامل، در حجم ثابت گرمای مساوی می‌دهیم. در این فرایند،

(سؤالات امتحانی)

کدام کمیت مربوط به این دو گاز با هم برابر است؟

(۱) تغییر انرژی درونی (۲) تغییر دما (۳) انرژی درونی (۴) دما

☆ ۲۳- در شکل زیر، در درون سه مخزن فلزی تعداد مول یکسانی از سه گاز هلیوم، هیدروژن و کربن دی‌اکسید قرار دارد. اگر به هر سه گاز

(آزمون‌های سراسری گاه)

گرمای یکسان بدهیم، در مقایسه تغییر دمای سه گاز کدام گزینه صحیح است؟



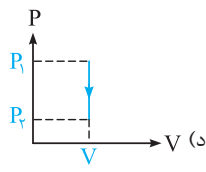
$$\Delta T_{\text{He}} = \Delta T_{\text{H}_2} = \Delta T_{\text{CO}_2} \quad (1) \quad \Delta T_{\text{He}} > \Delta T_{\text{H}_2} > \Delta T_{\text{CO}_2} \quad (2)$$

$$\Delta T_{\text{He}} < \Delta T_{\text{H}_2} < \Delta T_{\text{CO}_2} \quad (3) \quad \Delta T_{\text{He}} = \Delta T_{\text{H}_2} > \Delta T_{\text{CO}_2} \quad (4)$$

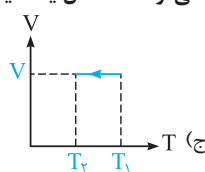
تو ادامه این زیرشافه، سراغ نمودارهای مرتبط با فرایند هم می‌بریم ...

☆ ۲۴- کدام یک از نمودارهای رسم شده برای مقدار معینی از یک گاز کامل، می‌توانند معادل یک دیگر باشند؟

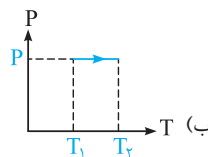
(تألیف)



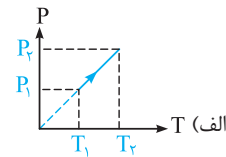
(۴) الف، ج، د



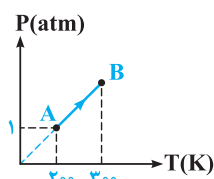
(۳) ب، ج



(۲) الف، د



(۱) ج، د



☆ ۲۵- مطابق شکل مقابل، یک مول از یک گاز کامل فرایند AB را طی می‌کند. فشار گاز در نقطه B و کار

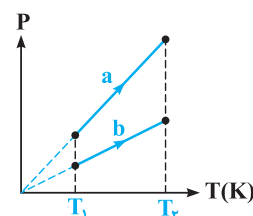
انجام شده توسط گاز بر روی محیط از A تا B در SI به ترتیب کدام است؟ (آزمون‌های سراسری گاه)

(۲) ۱۰۰، ۱/۵

(۱) ۱/۵، صفر

(۴) ۱/۵ × ۱۰^۵، صفر

(۳) ۱/۵ × ۱۰^۵، ۲۲۰-



☆ ۲۶- نمودار فشار برحسب دمای مطلق دو گاز کامل و تک‌اتمی با تعداد مول یکسان، در دو فرایند a و b

(آزمون‌های سراسری گاه)

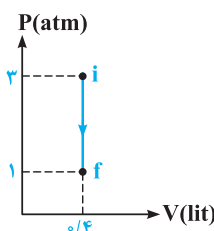
مطابق شکل داده شده است. کدام یک از عبارات‌های زیر صحیح است؟

(۱) حجم مخزن در فرایند a بزرگ‌تر از b است.

(۲) تغییر انرژی درونی گاز در دو فرایند یکسان است.

(۳) کار انجام شده توسط گاز در فرایند a بیشتر است.

(۴) گرمای داده شده به گاز در فرایند a بیشتر است.



☆ ۲۷- نمودار P-V مربوط به یک مول از یک گاز کامل و دواتمی مطابق شکل است. کدام یک از عبارات‌های

(تألیف)

زیر در رابطه با این فرایند نادرست می‌باشد؟ ($R \approx 8 \text{ J/mol.K}$)

(۱) گاز ۲۰۰ ژول گرما از دست داده است.

(۲) کار انجام شده بر روی گاز صفر بوده و چگالی گاز در این فرایند ثابت است.

(۳) انرژی درونی گاز ۲۰۰ ژول کاهش یافته است.

(۴) دمای گاز ۲۰ درجه سلسیوس کاهش یافته است.

مفاهیم، روابط و نمودارهای فرایند هم فشار

تو ابتدای این زیرشافه با دو تا سؤال، علامت‌های ΔU ، Q و W هنگام انبساط و تراکم گاز در یک فرایند هم‌فشار رو به شما یاد می‌دهم که توی

سؤالات این زیرشافه خیلی مهمه.

☆ ۲۸- در انبساط هم‌فشار یک گاز کامل، کدام کمیت‌ها مثبت‌اند؟ (W : کار انجام شده روی گاز، Q : گرمای داده شده به گاز و ΔU : تغییر انرژی

(سراسری ریاضی ۸۹ فارغ از کشور)

درونی گاز است.)

(۴) ΔU و W

(۳) Q و W

(۲) ΔU و Q

(۱) Q و ΔU

☆ ۲۹- مطابق شکل زیر، در طی یک فرایند هم‌فشار بر روی مقدار معینی از گاز کامل داخل محفظه، پیستون را اندکی پایین می‌آوریم.

(مکمل مفهومی ریاضی ۸۹)

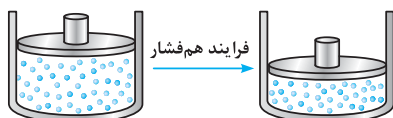
کدام یک از موارد زیر در رابطه با این فرایند نادرست است؟

(۱) علامت کار انجام شده بر روی گاز مثبت و گرمای گرفته شده توسط گاز منفی است.

(۲) انرژی درونی و دمای گاز کاهش یافته است.

(۳) مقدار گرمای از دست داده شده توسط گاز بیشتر از کار انجام شده بر روی آن است.

(۴) در این فرایند نسبت دمای مطلق گاز به حجم گاز کاهش یافته است.



تو دو تا سؤال ببری، گرمای ویژه مولی در فشار ثابت رو با گرمای ویژه مولی در حجم ثابت مقایسه می‌کنیم تا اونا رو بهتر یاد بگیریم.

(سراسری ریاضی ۷۵)

۳۰- در گازهای کامل نسبت $\frac{C_p}{C_v}$:

(۱) با توجه به نوع گاز ممکن است بزرگ‌تر، کوچک‌تر یا مساوی یک باشد.

(۴) همیشه بزرگ‌تر از یک است.

(۳) همیشه کوچک‌تر از یک است.

۳۱- گرمای ویژه مولی در فشار ثابت برای گاز هلیوم (He) چند برابر گرمای ویژه مولی در حجم ثابت برای گاز هیدروژن (H_2) است؟

- (۱) $\frac{5}{3}$ (۲) $\frac{5}{7}$ (۳) $\frac{3}{5}$ (۴) ۱ (مکمل مماسیاتی ریاضی ۷۵)

۳۲- گرمایی که یک گرم گاز هیدروژن می‌گیرد، تا در فشار ثابت دمایش $1^\circ C$ افزایش یابد، چند برابر مقدار گرمایی است که یک گرم آب می‌گیرد تا

دمایش $1^\circ C$ افزایش یابد؟ ($c_p = 4200 \text{ J/kg} \cdot ^\circ C$, $c_v = 28 \text{ J/mol} \cdot K$, $M_{H_2} = 2 \text{ gr/mol}$) (سراسری ریاضی ۹۳ فارغ از کشور)

- (۱) $\frac{20}{3}$ (۲) $\frac{10}{3}$ (۳) ۲ (۴) ۱

۳۳- در یک فرایند هم‌فشار، یک لیتر گاز کامل دواتمی با دمای صفر درجه سلسیوس مقداری گرما از دست می‌دهد و حجم آن در فشار یک

اتمسفر 20 درصد کاهش می‌یابد. در این فرایند، کار انجام‌شده بر روی گاز و گرمای از دست داده‌شده توسط گاز به ترتیب چند ژول

است؟ ($1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$, $C_p = \frac{7}{2} R$) (تغییر یافته سراسری ریاضی ۸۶)

- (۱) $50, 20$ (۲) $70, 20$ (۳) $90, 40$ (۴) $70, 40$

۳۴- گاز درون یک محفظه را در فشار ثابت $2 \times 10^5 \text{ Pa}$ سرد می‌کنیم و از حجم 6 lit به 2 lit می‌رسد. اگر گاز در این فرایند، 2800 J گرما از

دست بدهد، انرژی درونی آن چند ژول کاهش می‌یابد؟ (سراسری ریاضی ۹۵)

- (۱) 1200 (۲) 1800 (۳) 2000 (۴) 3600

۳۵- دمای 2 مول گاز کامل، در فشار ثابت از 30 درجه سلسیوس به 80 درجه سلسیوس افزایش می‌یابد. کار انجام‌شده روی گاز در این

فرایند چند ژول است؟ ($R \approx 8/3 \text{ J/mol} \cdot K$) (سراسری ریاضی ۹۳)

- (۱) 415 (۲) -415 (۳) 830 (۴) -830

۳۶- حجم اولیه گاز کاملی در دمای $27^\circ C$ برابر 2 لیتر است. اگر در فشار ثابت $10^5 \times 1/5$ پاسکال، دمای آن را به $127^\circ C$ برسانیم، کاری که

گاز روی محیط انجام می‌دهد، چند ژول است؟ (سراسری ریاضی ۹۱، ۸۶ فارغ از کشور)

- (۱) ۱ (۲) 300 (۳) 100 (۴) $\frac{200}{3}$

۳۷- تو ۴ تا سؤال بعدی ارتباط بین مقادیر Q ، W و ΔU رو تو فرایند هم‌فشار در مورد گازهای کامل تک‌اتمی و دواتمی یاد می‌گیریم. البته تو این سؤال‌ها به روش فیلی خوب و سریع نیز به شما یاد می‌دهیم. بنابراین توصیه می‌کنیم که حتماً پاسخ اونا رو بفونید.

۳۷- در فشار ثابت P ، به مقدار معینی گاز کامل، Q ژول گرما می‌دهیم و دمای آن به اندازه ΔT افزایش می‌یابد. اگر تغییر انرژی درونی

گاز ΔU باشد، کدام رابطه در SI درست است؟ (سراسری ریاضی ۹۲ فارغ از کشور)

- (۱) $\Delta U < 0 < Q$ (۲) $0 < \Delta U < Q$ (۳) $0 < \Delta U = Q$ (۴) $0 < \Delta U = \frac{3}{2} Q$

۳۸- مقداری گاز کامل تک‌اتمی طی فرایندی هم‌فشار 500 J گرما از محیط می‌گیرد. تغییر انرژی درونی این گاز چند ژول است؟ ($C_p = \frac{5}{2} R$)

- (۱) 200 (۲) 300 (۳) 400 (۴) 500 (سراسری ریاضی ۸۹)

۳۹- در یک فرایند هم‌فشار بر روی 2 مول گاز کامل تک‌اتمی، گرمای گرفته شده توسط دستگاه، 300 ژول بیشتر از اندازه کار انجام‌شده بر

روی آن است. کدام یک از موارد زیر در رابطه با این فرایند نادرست می‌باشد؟ ($R \approx 8 \text{ J/mol} \cdot K$) (مکمل فلاقتی ریاضی ۹۲ و ۸۹)

(۱) گاز در این فرایند منبسط شده است. (۲) انرژی درونی دستگاه 300 ژول افزایش یافته است.

(۳) اندازه کار انجام‌شده بر روی دستگاه 100 ژول می‌باشد. (۴) دمای دستگاه به اندازه $12/5$ درجه سلسیوس افزایش یافته است.

۴۰- در یک فرایند هم‌فشار، به گاز کامل و دواتمی 350 J گرما می‌دهیم. تغییر انرژی درونی این گاز چند ژول است؟ ($C_p = \frac{7}{2} R$)

- (۱) 200 (۲) 250 (۳) 300 (۴) 350 (مکمل مماسیاتی ریاضی ۹۲ و ۸۹)

اینم به سؤال که از مثالی کتاب درسیه و احتمال مطرح شدنش تو امتحانات نهایی فیلی زیاده ...

۴۱- یک گرم آب در نقطه جوش و در فشار ثابت 10^5 Pa تبخیر شده و حجم آن از 1 cm^3 به 1601 cm^3 می‌رسد. در طی این فرایند، کار

انجام‌شده بر روی دستگاه و تغییر انرژی درونی آن به ترتیب از راست به چپ برابر چند ژول است؟ (مقدار L_v را به‌طور تقریبی

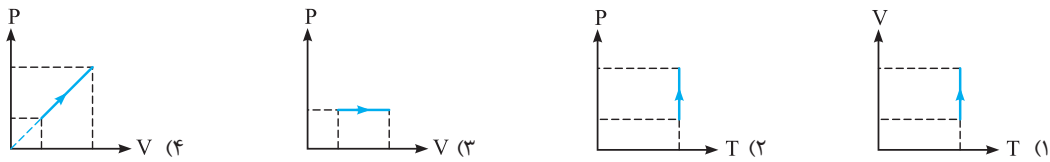
برابر 2200 J/gr در نظر بگیرید.) (برگرفته از کتاب درسی)

- (۱) $-160, -2040$ (۲) $-160, -2360$ (۳) $160, -2040$ (۴) $160, -2360$

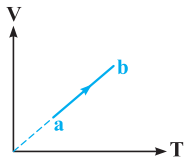
بچه‌ها، حالا میریم سراغ نمودارهای هم‌فشار ...

(سؤالات امتحانی)

۴۲- کدام یک از نمودارهای زیر می‌تواند مربوط به یک فرایند هم‌فشار باشد؟

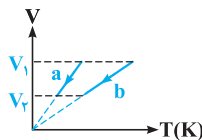


۴۳- در شکل مقابل پاره‌خط ab فرایندی را روی مقداری گاز کامل نشان می‌دهد. در طی این فرایند



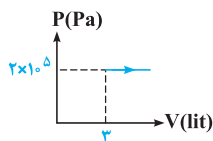
- (۱) انرژی درونی گاز ثابت است.
- (۲) فشار گاز ثابت است.
- (۳) چگالی گاز تغییر نکرده است.
- (۴) گاز کار دریافت کرده و گرما از دست داده است.

۴۴- مطابق نمودار مقابل، طی دو فرایند a و b بر روی مقدار معینی از یک گاز کامل، حجم آن را از V_1 به V_2 می‌رسانیم. کدام گزینه درباره مقایسه فشار و کار انجام‌شده روی گاز در فرایندهای a و b درست است؟



- (۱) $W_a > W_b, P_a > P_b$
- (۲) $W_a < W_b, P_a < P_b$
- (۳) $W_a = W_b, P_a < P_b$
- (۴) $P_a < P_b$ ، نمی‌توان تعیین کرد.

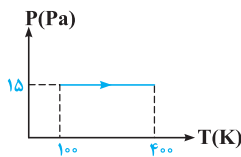
۴۵- شکل مقابل، فرایندی را نشان می‌دهد که در طی آن مقداری گاز کامل تک‌اتمی در فشار ثابت، 1000 ژول گرما گرفته است. حجم گاز در پایان فرایند به چند لیتر می‌رسد؟ ($C_p = \frac{5}{2}R$) (آزمون‌های سراسری گاه)



- (۱) ۴
- (۲) ۵
- (۳) ۶
- (۴) ۷

قابل توجه شاگرد زرنگا ... سؤال بعدی خیلی قشنگه و احتمال نمره منفی گرفتن توش بالاست. دقت کنی...

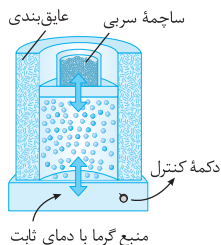
۴۶- مقدار 2 مول گاز کامل تک‌اتمی را مطابق شکل طی می‌کند. کار انجام‌شده بر روی گاز توسط محیط و تغییرات انرژی درونی گاز در این فرایند به ترتیب چند ژول است؟ ($R = 8.314 \text{ J/mol.K}$) (برگرفته از سؤالات امتحانی)



- (۱) $-4500, 7200$
- (۲) $-4800, 16800$
- (۳) $4800, 7200$
- (۴) $-4800, 7200$

مفاهیم، روابط و نمودارهای فرایند هم‌دا

این زیرشافه رو با چند تا سؤال ساده و مفهومی از فرایند هم‌دا شروع می‌کنیم ...



۴۷- مطابق شکل مقابل، مخزن استوانه‌ای شکل در تماس با یک منبع گرمایی با دمای ثابت قرار دارد. اگر گاز کامل داخل این مخزن را در طی یک فرایند هم‌دما متراکم کنیم، کدام گزینه در مورد علامت‌های Q ، ΔU و W صحیح است؟ (ΔU : تغییر انرژی درونی دستگاه، Q : گرمای گرفته شده توسط دستگاه، W : کار انجام‌شده بر روی دستگاه)

(سؤالات امتحانی، مشابه سراسری ریاضی ۸۲)

- (۱) $W > 0, Q < 0, \Delta U < 0$
- (۲) $W > 0, Q < 0, \Delta U = 0$
- (۳) $W < 0, Q > 0, \Delta U < 0$
- (۴) $W < 0, Q > 0, \Delta U = 0$

۴۸- دستگاهی از گاز کامل در یک فرایند هم‌دما 600 ژول کار روی محیط انجام می‌دهد. انرژی درونی این دستگاه:

(سراسری ریاضی ۸۶)

- (۱) ثابت می‌ماند.
- (۲) 600 ژول کاهش می‌یابد.
- (۳) 600 ژول افزایش می‌یابد.
- (۴) بیش از 600 ژول کاهش می‌یابد.

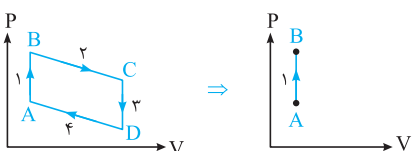
۴۹- در یک فرایند هم‌دما فشار مقدار معینی از یک گاز کامل را 25 درصد کاهش می‌دهیم. حجم، چگالی و انرژی درونی گاز در این فرایند به ترتیب از راست به چپ چند برابر می‌شود؟

(آزمون‌های سراسری گاه)

- (۱) $1, \frac{3}{4}, \frac{3}{4}$
- (۲) $\frac{3}{4}, \frac{2}{3}, \frac{4}{3}$
- (۳) $1, \frac{3}{4}, \frac{5}{4}$
- (۴) $1, \frac{3}{4}, \frac{4}{3}$

۱ ۳ با توجه به متن کتاب درسی، علم ترمودینامیک علمی است که نحوه تبادل گرما و کار بین محیط و سیستم را از دیدگاه میکروسکوپی بررسی می‌کند.
۲ ۲ منبع گرمایی، با دریافت و یا از دست دادن مقدار محدودی گرما، تغییرات دمایش ناچیز است. بنابراین برای یک استکان چای داغ، هوای اتاق را می‌توان منبع گرما در نظر گرفت، چون با سرد شدن چای، دمای اتاق به‌طور قابل ملاحظه‌ای تغییر نمی‌کند.

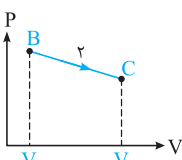
* سایر گزینه‌ها با توجه به درسنامه صحیح می‌باشند.



۳ ۴ علامت کار انجام‌شده در هر کدام از فرایندها را به‌طور جداگانه بررسی می‌کنیم:

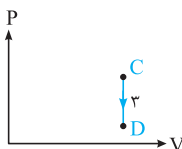
فرایند ۱: با توجه به شکل مقابل، در فرایند (۱) حجم گاز در طی فرایند ثابت است ($V_A = V_B$). این موضوع یعنی کار انجام شده توسط محیط بر روی گاز صفر است.

$$V_A = V_B \Rightarrow W = 0$$



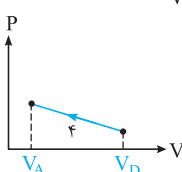
فرایند ۲: در طی فرایند (۲)، حجم گاز در حال افزایش بوده و فرایند از نوع انبساط می‌باشد، بنابراین در طی این فرایند کار انجام شده توسط محیط بر روی گاز منفی و کار انجام شده توسط گاز بر روی محیط مثبت است.

$$V_C > V_B \Rightarrow W < 0 \xrightarrow{W' = -W} W' > 0$$



فرایند ۳: مشابه استدلال مطرح شده در فرایند (۱)، کار انجام شده توسط محیط بر روی گاز در فرایند (۳) نیز صفر است.

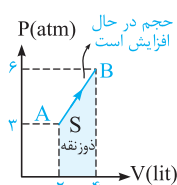
$$W = -W' = 0$$



فرایند ۴: در طی فرایند (۴)، حجم گاز در حال کاهش بوده و فرایند از نوع تراکم می‌باشد، بنابراین در طی این فرایند کار انجام شده توسط محیط بر روی گاز مثبت و کار انجام شده توسط گاز بر روی محیط منفی است.

$$V_A < V_D \Rightarrow W > 0$$

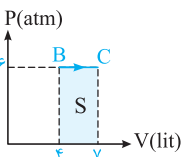
بنابراین گزینه (۴) نادرست می‌باشد، چون کار در هر دو فرایند (۱) و (۳) صفر می‌باشد.



۴ ۴ همان‌طور که در درسنامه بیان شد، سطح زیر نمودار $P-V$ در هر فرایند، بیانگر قدرمطلق کار انجام‌شده در آن فرایند است. بنابراین برای محاسبه کار در هر فرایند می‌توان نوشت:

فرایند AB: در این فرایند حجم گاز افزایش یافته است. بنابراین فرایند از نوع انبساط بوده و کار محیط بر روی گاز در این فرایند منفی است.

$$|W_{AB}| = S_{\text{دوزنقه}} = \frac{(3+6) \times 10^5}{2} \times 2 \times 10^{-3} = 900 \xrightarrow{\text{انبساط}} W_{AB} = -900 \text{ J}$$



فرایند BC: مشابه فرایند AB، در این فرایند نیز کار انجام‌شده توسط محیط بر روی گاز منفی است.

$$|W_{BC}| = S = 6 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3} = 1800 \xrightarrow{\text{انبساط}} W_{BC} = -1800 \text{ J}$$

$$W_{\text{کل}} = W_{AB} + W_{BC} = (-900) + (-1800) = -2700 \text{ J}$$

۵ ۲ برای مقایسه انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل با توجه به ثابت بودن تعداد مول گاز در دو حالت ($n_2 = n_1$)، می‌توان نوشت:

$$T_1 = 91 + 273 = 364 \text{ K}, T_2 = 273 + 273 = 546 \text{ K}$$

$$U \propto T \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{T_2}{T_1} = \frac{546}{364} = \frac{3}{2}$$

تذکره ۱: باید دقت شود که در رابطه فوق، دماها باید برحسب کلوین باشند.

تذکره ۲: در حل برخی از سؤالات امتحانات نهایی و کنکور، معمولاً از رابطه $273 = 3 \times 91$ برای ساده‌سازی استفاده می‌کنیم.

۳۶ همان‌طور که در درسنامه بیان شد، انرژی درونی یک گاز کامل با حاصل ضرب $P \times V$ متناسب است. بنابراین با توجه به این‌که فشار و حجم گاز، هر دو $\frac{1}{4}$ برابر (یا نصف) شده‌اند، در نتیجه انرژی درونی گاز $\frac{1}{4}$ برابر می‌شود.

$$\begin{array}{c} \textcircled{U} \propto \textcircled{P} \times \textcircled{V} \\ \frac{1}{4} \text{ برابر می‌شود} \quad \frac{1}{4} \text{ برابر می‌شود} \\ \frac{1}{4} \text{ برابر می‌شود} \end{array}$$

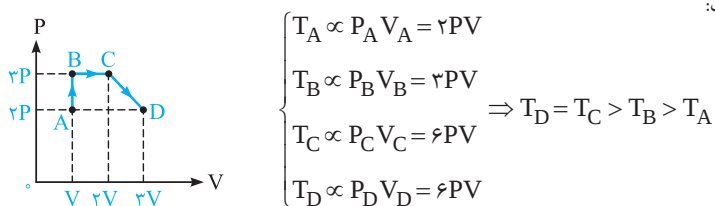
نگاه دیگر:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{P_2}{P_1} \times \frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{T_2}{T_1} \\ P_2 = \frac{1}{4} P_1, V_2 = \frac{1}{4} V_1, T_2 = \frac{1}{4} T_1 \end{array} \right. \Rightarrow \frac{\frac{1}{4} P_1}{P_1} \times \frac{\frac{1}{4} V_1}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{\frac{1}{4} T_1}{T_1} \Rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \frac{1}{4}$$

$$U \propto nT \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{T_2}{T_1} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{16}$$

تذکر مهم: باید دقت شود که عبارت $U \propto T$ زمانی صحیح است که تعداد مول گاز کامل ثابت باشد. در این سؤال که تعداد مول گاز عوض شده است، $U \propto nT$ است.

۳۷ با توجه به مفاهیم مطرح شده در درسنامه، می‌دانیم حاصل ضرب PV ، متناسب با دمای مطلق گاز است. بنابراین نقطه‌ای که حاصل ضرب PV برای آن بزرگ‌تر است، دمای مطلق بیشتری دارد و می‌توان نوشت:



از طرفی انرژی درونی مقدار معینی از یک گاز کامل، متناسب با دمای مطلق آن است، بنابراین در مقایسه انرژی درونی این گاز می‌توان نوشت:

$$U_D = U_C > U_B > U_A$$

تذکر: از A تا B و از B تا C، حاصل ضرب PV دائماً در حال افزایش است و در نتیجه از مسیر A تا C دما نیز در حال افزایش است.

۳۸ با توجه به ثابت بودن دما و مقدار گاز (تعداد مول گاز)، انرژی درونی آن ثابت می‌ماند. $U \propto nT$ و n و T ثابت هستند $\rightarrow U_2 = U_1$

نگاه دیگر: در واقع با ۳ برابر شدن فشار و ثابت بودن دما، حجم گاز $\frac{1}{3}$ برابر شده (چرا؟) و انرژی درونی گاز کامل ثابت می‌ماند.

$$\textcircled{U} \propto \textcircled{P} \times \textcircled{V}$$

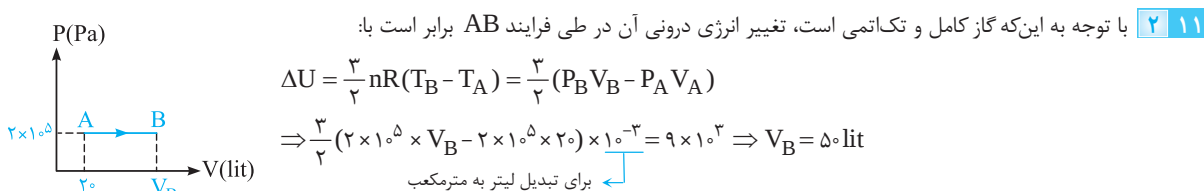
ثابت $\frac{1}{3}$ برابر $\frac{1}{3}$ برابر

۳۹ در این سؤال می‌خواهیم به محاسبه تغییرات انرژی درونی در یک فرایند پردازیم. بنابراین با توجه به رابطه $\Delta U = \frac{3}{2} nR \Delta T$ در گازهای کامل تک‌اتمی، می‌توان نوشت:

$$\frac{\Delta U_2}{\Delta U_1} = \frac{\Delta T_2}{\Delta T_1} = \frac{3T - 2T}{2T - T} = \frac{T}{T} = 1$$

۴۰ با توجه به رابطه $\Delta U = \frac{5}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$ در گازهای کامل دواتمی، برای محاسبه تغییرات انرژی درونی این گاز کامل می‌توان نوشت:

$$\frac{\Delta U_2}{\Delta U_1} = \frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{P_2 V_2 - P_1 V_1} = \frac{(3P \times 3V) - (2P \times 2V)}{(2P \times 2V) - (P \times V)} = \frac{5PV}{3PV} = \frac{5}{3}$$



* دقت کنیم انرژی درونی ۹ kJ افزایش یافته است ($\Delta U > 0$)، زیرا حاصل ضرب PV و دما در طی فرایند افزایش یافته است.

$$P_B V_B > P_A V_A \Rightarrow T_B > T_A \Rightarrow U_B > U_A \Rightarrow \Delta U = U_B - U_A > 0$$